

EXERCICE N°1 :

On réalise le circuit de la figure -1- qui comporte :

- Un générateur de tension constante E.
- Une bobine d'inductance L et de résistance r □
- Un conducteur ohmique de résistance R₀
- Un interrupteur K.

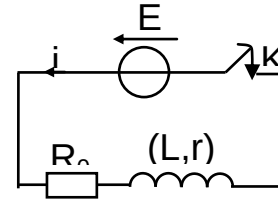


Figure -1-

On ferme l'interrupteur K à un instant pris comme origine des temps.

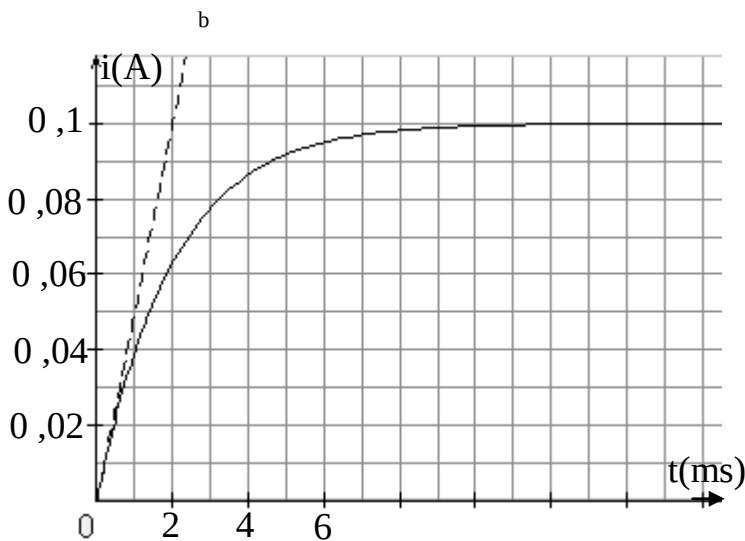
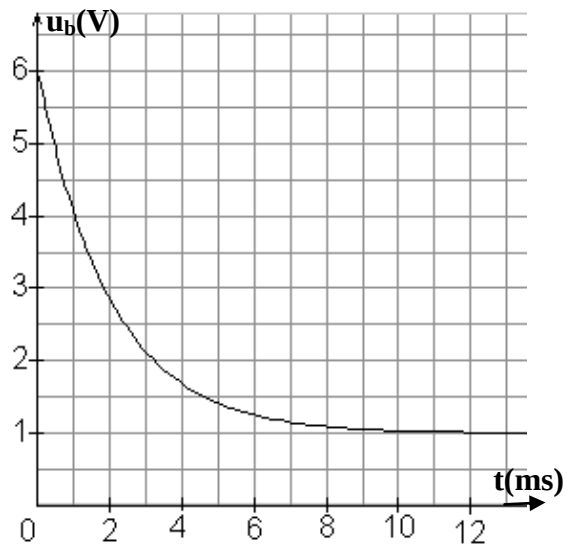
1-a- Montrer que l'équation différentielle qui régit l'évolution au cours du temps de l'intensité du courant qui circule dans le circuit est : $\frac{di}{dt} + \frac{(R_0+r)}{L} i = \frac{E}{L}$

b- Vérifier que $i(t) = \frac{E}{R_0+r} [1 - e^{-\frac{t}{\tau}}]$ est une solution de cette équation différentielle lorsque

$$\tau = \frac{L}{R_0+r} \text{ et calculer } i(t=0)$$

c- Montrer que la tension aux bornes de la bobine est $u_b(t) = \frac{E}{R_0+r} (r + R_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}})$

2- Par un système d'acquisition adéquat, on trace les courbes d'évolution au cours du temps de la tension u_b aux bornes de la bobine et l'intensité de courant i qui circule dans le circuit



a- Quel est le phénomène responsable du retard de l'établissement du courant.

b- Quel est l'élément du circuit responsable de ce phénomène ?

c- Déterminer graphiquement l'intensité de courant I_p qui circule dans le circuit en régime permanent et déduire que la résistance de la bobine est r = 10 Ω

d- Déterminer graphiquement la fém E du générateur

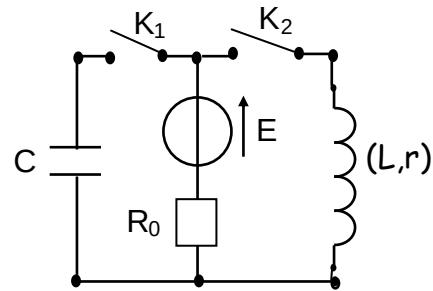
e- Déterminer la tension aux bornes du conducteur ohmique en régime permanent et déduire que sa résistance est R₀ = 50 Ω

f- déterminer graphiquement la constante de temps τ et déduire l'inductance L de la bobine

EXERCICE N°2 :

On réalise le circuit de la figure - 1 - qui comporte :

- Un générateur de tension constante E
- Un condensateur de capacité C.
- Une bobine d'inductance L et de résistance r.
- Un conducteur ohmique de résistance R_0 .
- Deux interrupteurs K_1 et K_2 .


Figure-1-

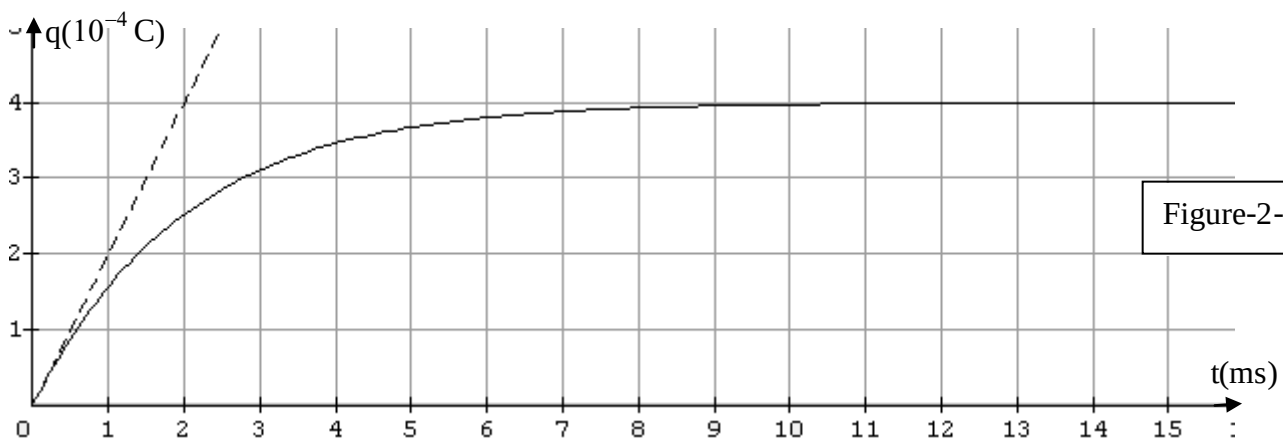
I- On ferme K_1 et on laisse K_2 ouvert à un instant pris comme origine des temps.

1- Montrer que l'équation différentielle qui régit l'évolution au cours du temps de la charge q du condensateur est :

$$\frac{dq}{dt} + \frac{q}{\tau_1} = \frac{E}{R_0} \quad \text{avec } \tau_1 = R_0 \cdot C$$

2- Montrer que $q(t) = C \cdot E (1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}})$ est une solution de cette équation

3- Par un système d'acquisition adéquat, on trace la courbe d'évolution au cours du temps de la charge q du condensateur (Figure-2-)


Figure-2-

a- En s'aidant de la courbe de la figure-2-, déterminer la charge maximale $Q_{\max}$ et la constante de temps τ_1 du circuit de charge du condensateur

b- Dédurre que le rapport $\frac{E}{R_0} = 0,2 \text{ A}$

II- On ouvre K_1 et on ferme K_2 à un instant pris comme nouvelle origine des temps.

A-1- a- Montrer que l'équation différentielle qui régit l'évolution au cours du temps de la tension $u_R(t)$

au bornes du conducteur ohmique est : $\frac{du_R(t)}{dt} + \frac{u_R(t)}{\tau_2} = \frac{R_0 \cdot E}{L}$ avec $\tau_2 = \frac{L}{R_0 + r}$.

b- Vérifier que $u_R(t) = \frac{R_0 \cdot E}{R_0 + r} [1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}}]$ est une solution de cette équation différentielle

2- À l'aide d'un dispositif approprié, on visualise la tension u_R aux bornes du conducteur ohmique R_0 .

On obtient les courbes de la **figure-3-**

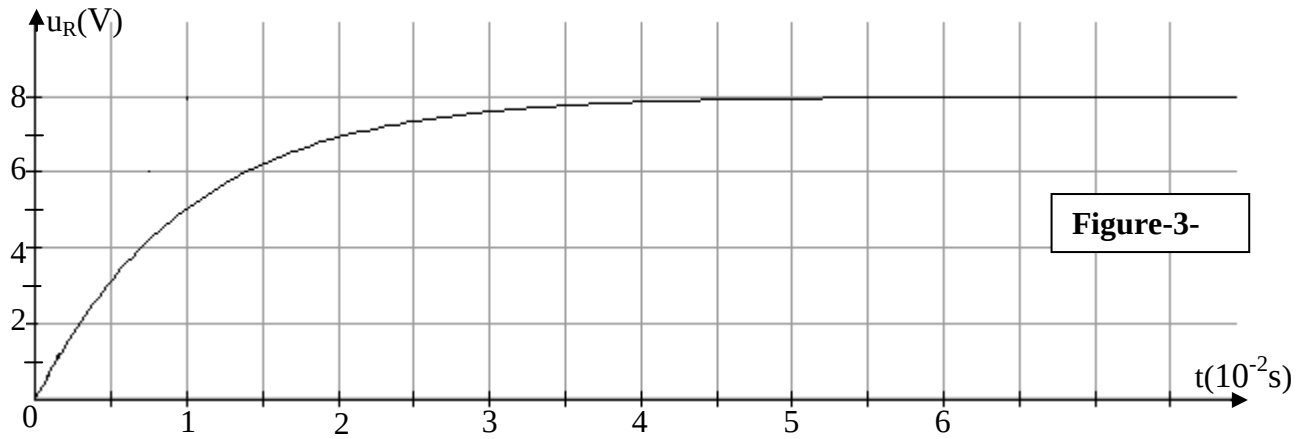


Figure-3-

- a- Déterminer U_{Rp} , la valeur de $u_R(t)$ en régime permanent.
 - b- Sachant que la résistance $r = \frac{R_0}{4}$, montrer que la f.é.m du générateur est $E = 10\text{V}$
 - c- En déduire la résistance, R_0 , la résistance r de la bobine et la capacité C du condensateur.
 - d- Déterminer la constante de temps τ_2 et déduire que l'inductance de la bobine est $L = 0,625\text{H}$.
- 3- Déterminer l'énergie E_L de la bobine à l'instant $t = \tau_2$