

EXERCICE N°1 :

Pour déterminer la valeur de la capacité C d'un condensateur, on choisi d'étudier la charge de ce condensateur à travers un conducteur ohmique de résistance $R = 200 \, \Omega$ et à l'aide d'un générateur de tension de f.e.m $E = 5V$. On réalise donc le montage schématisé figure-1- et on utilise un oscilloscope bi-courbes a fin de visualiser la tension aux bornes du condensateur

1) indiquer ur la figure-1- les branchements nécessaires pour suivre à l'aide d'un oscilloscope la tension $u_C(t)$ aux bornes du condensateur et la tension aux bornes du générateur

2) On suppose que le condensateur est Déchargé. A l'instant $t=0$, on ferme l'interrupteur K , on Obtient alors la courbe de la figure-2-

a- En appliquant la loi de maille, montrer que l'équation différentielle peut se mettre sous la forme :

$$u_C + RC \frac{du_C}{dt} = E$$

b- Verifier que $u_C = E(1 - e^{-t/\tau})$ est solution de l'équation différentielle si τ correspond à une expression que l'on exprimera en fonction de R et C .

c- Déterminer la valeur de u_C si $t=\tau$

d- En utilisant ce résultat, déterminer la valeur de τ puis celle de C

3) a- A partir de quelle date peut-on considérer le condensateur totalement chargé

b- En utilisant ce résultat compléter la courbe de $u_C(t)$ figure-2-

4) a- A partir de l'expression de $u_C(t)$, déterminer l'expression de $q(t)$

b- Dédire l'expression de $i(t)$

c- donner les allures de $q(t)$ et $i(t)$, en précisant leurs valeurs initiales et finales

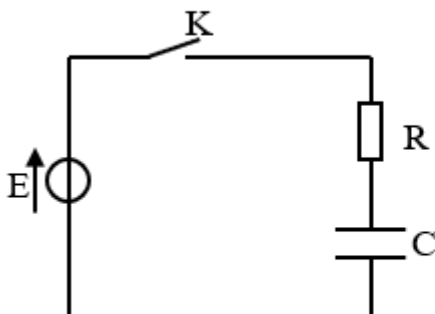


Figure-1-

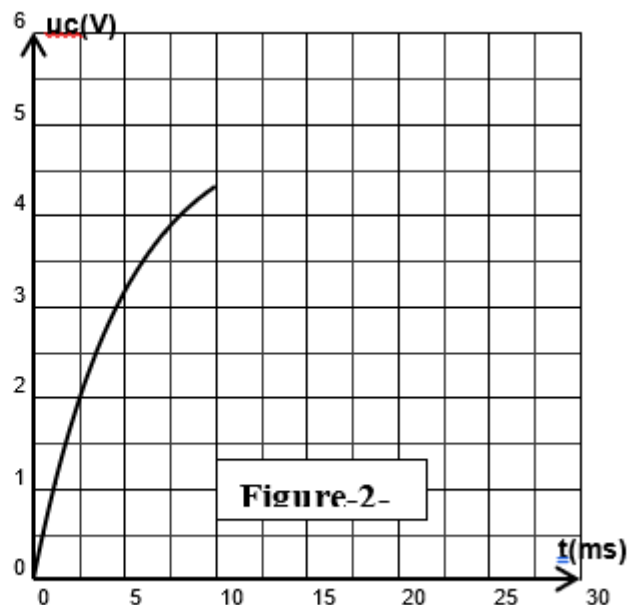


Figure-2-

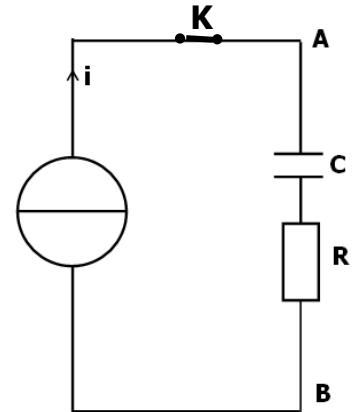
EXERCICE N°2 :

On dispose au laboratoire d'un condensateur de capacité C inconnue, deux résistors de résistances respectives R_1 et R_2 inconnues. Deux groupes d'élèves se proposent de déterminer expérimentalement leurs valeurs.

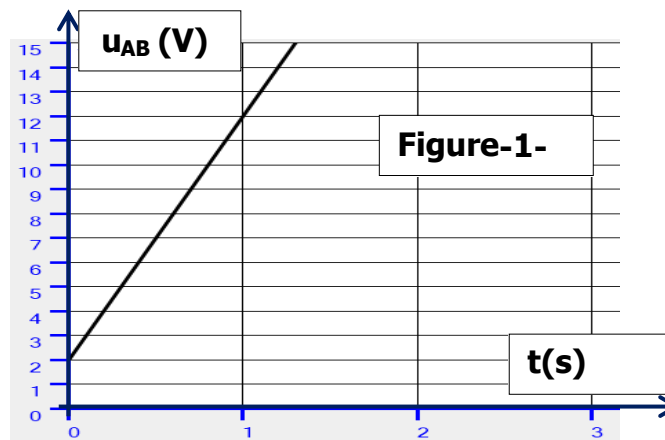
I- Pour déterminer la valeur de la capacité C le premier groupe réalise un circuit électrique comportant :

- *Un générateur idéal de courant débitant un courant d'intensité constante I_0
- *Un oscilloscope numérique.
- *Le condensateur de capacité C inconnue.
- *Un conducteur ohmique de résistance $R=2\text{ K}\Omega$.
- *Un interrupteur K .

A la date $t=0$, ils ferment l'interrupteur K et à l'aide de l'oscilloscope numérique ils visualisent les variations de la tension aux bornes du dipôle RC (la tension u_{AB}), le chronogramme obtenu est donné sur la figure-1-.



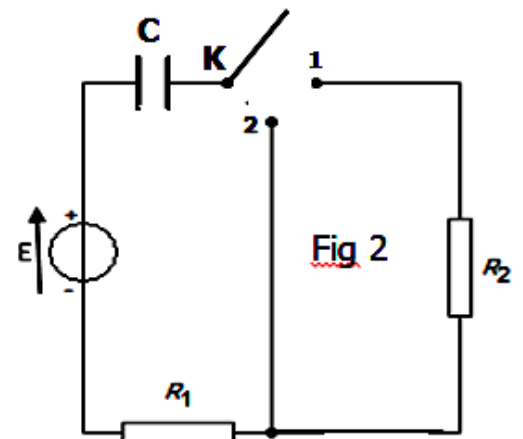
- 1- Donner la définition d'un condensateur.
- 2- Établir l'expression de la tension u_{AB} en fonction de la tension aux bornes du condensateur u_C , R et I_0 . déduire son expression en fonction de I_0 , C , t et R .
- 3- Déterminer graphiquement la valeur de l'intensité du courant I_0 et montrer que la capacité C du condensateur est égale à $100\text{ }\mu\text{F}$.
- 4- Calculer à la date $t=1\text{ s}$, l'énergie emmagasinée dans le condensateur.
- 5- A partir de quel instant t_0 , le condensateur risque d'être détérioré sachant que la tension de claquage est égale 100 V .



II- Pour déterminer les valeurs des résistances R_1 et R_2 le deuxième groupe réalise deux expériences à l'aide du circuit électrique schématisé ci-contre (figure-2) :

Le circuit électrique est constitué par :

- Un générateur idéal de tension de fem E .
- Les deux conducteurs ohmiques de résistances R_1 et R_2 .
- Le condensateur de capacité C , initialement déchargé.
- Un commutateur K .



Expérience 1

A un instant pris comme origine de temps ($t=0$), on place **le commutateur K sur la position 1**.

1. Montrer que l'équation différentielle régissant les variations de l'intensité du courant électrique $i(t)$ en fonction du temps : $\frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{(R_1 + R_2)C} = 0$

2. a. La solution générale de cette équation est de la forme : $i(t) = Ae^{-\alpha t}$. Montrer que $A = \frac{E}{R_1 + R_2}$ et $\alpha = \frac{1}{(R_2 + R_1)C}$.

b - Vérifier que $i(t) = \frac{E}{R_1 + R_2} e^{-\frac{t}{\tau}}$ est solution de l'équation différentielle si τ correspond à

une expression que l'on déterminera en fonction de R_1 ; R_2 et C .

3. Dédurre l'expression de la tension u_{R1} aux bornes du résistor R_1 .

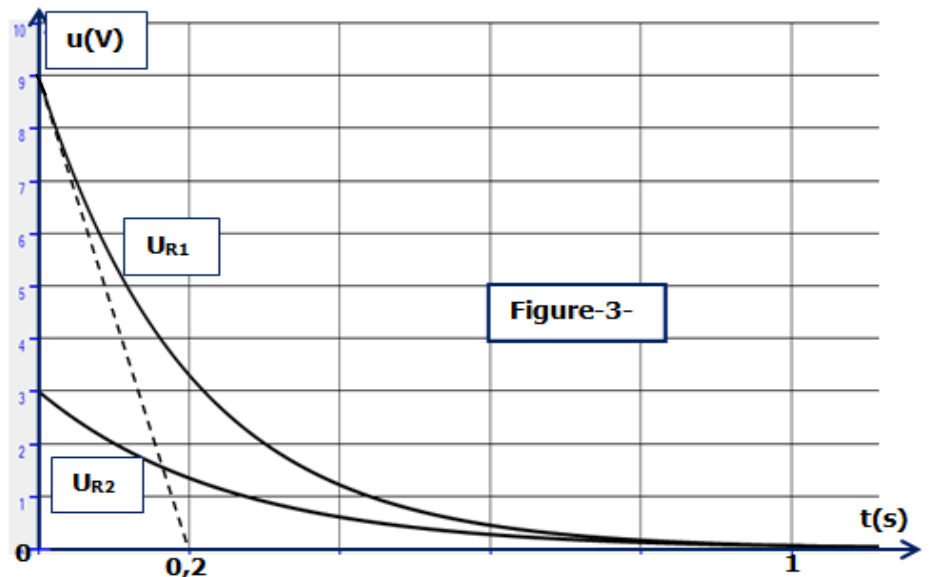
4. Un système d'acquisition muni d'une interface et d'un ordinateur nous a permis de tracer les courbes d'évolution des tensions u_{R1} et u_{R2} en fonction du temps. **(figure-3-)**

a- En utilisant le graphe de la figure 3, déterminer

- la fem E du générateur.
- la valeur de la constante de temps τ . Dédurre la valeur de la résistance totale $R_t = R_1 + R_2$.

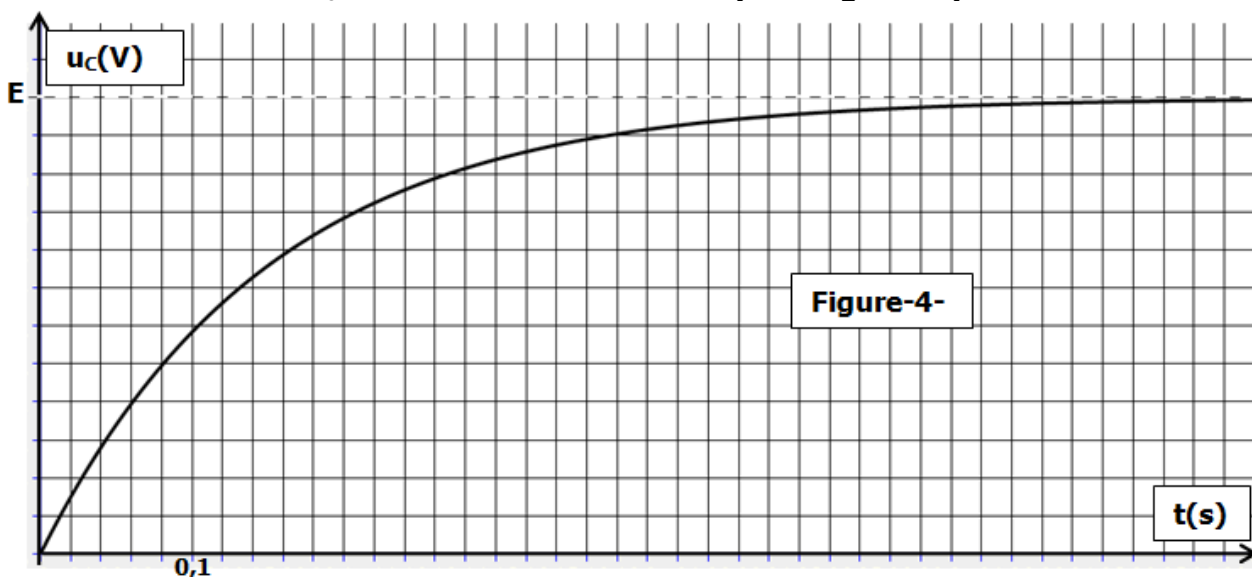
b- Calculer l'intensité du courant électrique à la fermeture du circuit.

c- Calculer l'énergie électrique emmagasinée dans le condensateur à $t = 1s$.



Expérience 2

On décharge complètement le condensateur puis à un instant pris comme origine de temps ($t=0$ s) on bascule **le commutateur K sur la position 2**, le système d'acquisition nous a permis de tracer la courbe d'évolution de la tension u_c aux bornes du condensateur. **(voir figure-4-)**

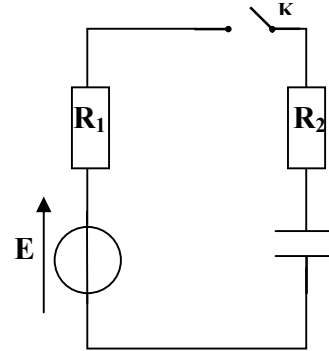


- 1 En précisant la méthode utilisée, déterminer graphiquement la nouvelle valeur de la constante de temps τ' . Déduire la valeur de la résistance R_1 .
- 2- Trouver la valeur de la résistance R_2 .
- 3 Déterminer à l'instant **$t=0,08\text{ s}$** :
 - a- la valeur de l'intensité du courant dans le circuit. Préciser le sens du courant réel.
 - b- le pourcentage de charge du condensateur.

EXERCICE N°3 :

On réalise un circuit électrique comportant en série un générateur idéal de tension de f.e.m E deux résistors de résistance R_1 et $R_2=2 R_1$ comme indique le circuit ci-contre.

Le condensateur est initialement déchargé de capacité $C= 6,67\mu\text{F}$.
A un instant pris comme origine de temps ($t=0$), on ferme l'interrupteur K .



1°) Etablir l'équation différentielle réagissant les variations de la tension u_{R_1} aux bornes du résistor R_1 .

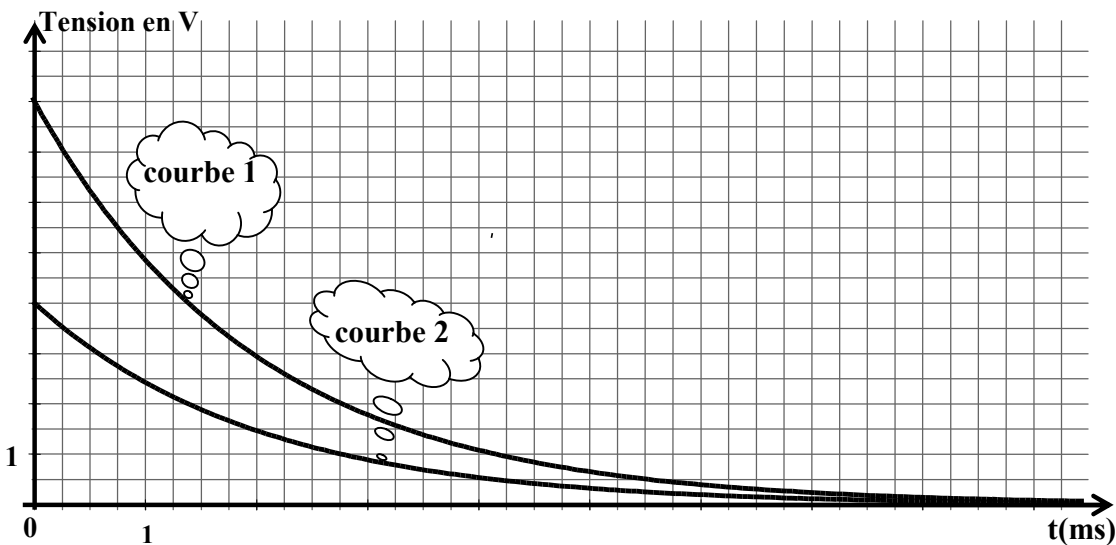
2°)

a- Vérifier que la solution de cette équation est $u_{R_1}(t) = \frac{R_1 \cdot E}{R_1 + R_2} e^{-\frac{t}{(R_1 + R_2)C}}$

b- Montrer que $u_{R_2} = \frac{R_2}{R_1} \cdot u_{R_1}$

c- Déduire l'expression de $u_{R_2}(t)$ en fonction du temps .

3°) Sur la graphie , on donne les courbes d'évolution de tension u_{R_1} et u_{R_2} au cours du temps.



- a- Associer à chaque tension la courbe correspondre justifier.
- b- Déterminer la valeur de la f.e.m E
- c- Définir la constante du temps τ et déterminer graphiquement sa valeur.
- d- Déduire les valeurs de R et R